

Questão 1) [3,3] Este problema visa verificar a capacidade de distribuir pontos experimentais sobre um eixo coordenado. Por simplicidade vamos distribuir dados em apenas um eixo coordenado. Distribua os dados apresentados na tabela ao lado sobre o eixo coordenado abaixo.

Pressão (MPa)	Incerteza na pressão
105	2
111	2
114	2
120	3
124	3
130	2
135	2
139	1
145	1

Solução: temos 46 divisões para distribuir, considerando as barras de incertezas, de 103 a 146 MPa.

Achando a escala: $\frac{146 - 103}{46} \approx 0,93478...$

Vou escolher a escala de $1 \text{ MPa} / \text{div}$.

Quantas divisões serão utilizadas com esta escala?

$$\Rightarrow 1 \times x = (146 - 103)$$

$$x = 43 \text{ divisões.} \Rightarrow \text{três não serão utilizadas.}$$

Visando centralização vou desconsiderar a primeira e as 2 últimas. A primeira informação será a barra de incerteza inferior

barra inferior



O primeiro ponto está a 2MPa após esta barra e antes da próxima. Quantas divisões representam 2MPa?

$$1 \text{ div} = 1 \text{ MPa}$$

$$2 \text{ divs} \rightarrow 2 \text{ MPa}$$

$\Rightarrow$ 2 divisões para a incerteza.



Achando os próximos pontos: Vou usar a primeira barra (segunda divisão) como referência.

Ponto (MPa)	Cálculo (div.)	Localização (divisão)	incerteza (divs)
111	$103 + 1 \times (x - 1) = 111$	$x = 9$	2 divs
114	$103 + 1 \times (x - 1) = 114$	$x = 12$	2 divs
120	$103 + 1 \times (x - 1) = 120$	$x = 18$	3 divs
124	$103 + 1 \times (x - 1) = 124$	$x = 22$	3 divs
130	$103 + 1 \times (x - 1) = 130$	$x = 28$	2 divs
135	$103 + 1 \times (x - 1) = 135$	$x = 33$	2 divs
139	$103 + 1 \times (x - 1) = 139$	$x = 37$	1 div
145	$103 + 1 \times (x - 1) = 145$	$x = 43$	1 div

Obs: Em $(x-1)$, -1 considera a divisão não utilizada no início.

Portanto:

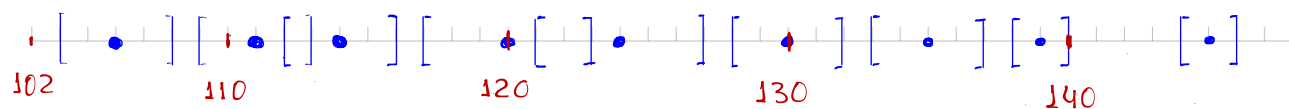


temos de referenciar alguns pontos para que o leitor consiga relacionar valores

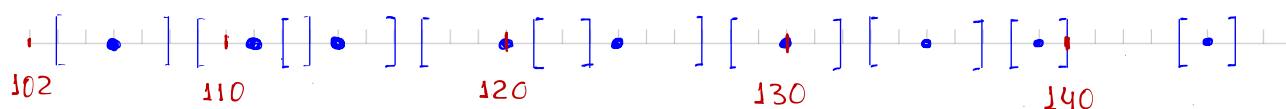
A origem equivale a 102 MPa, vou localizar números redondos
 $\rightarrow$ 110, 120, etc...

Como a escala é 1MPa por div.

$$\begin{aligned} 102 + 1 \times x &= 110 & x &= 8 \\ 102 + 1 \times x &= 120 & x &= 18 \\ 102 + 1 \times x &= 130 & x &= 28 \\ 102 + 1 \times x &= 140 & x &= 38 \end{aligned}$$

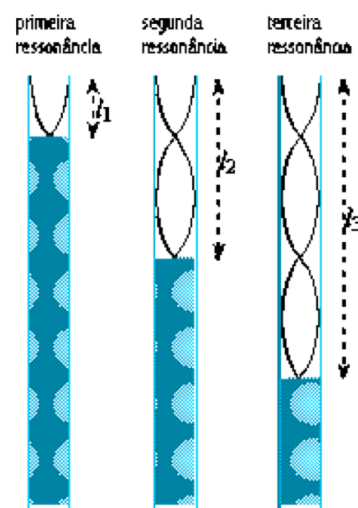


Deve-se intitular o eixo e colocar as unidades. O leitor deve ser capaz de interpretar o gráfico; para isso os eixos devem ser detalhados.



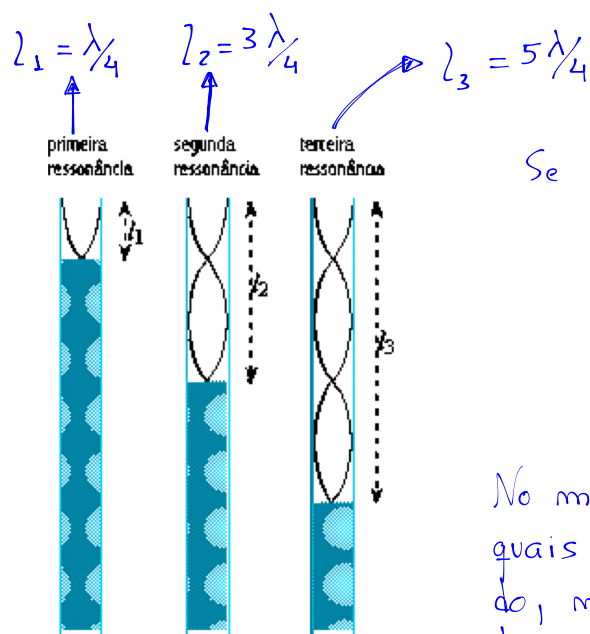
Tensão (MPa)

Questão 2) [3,3] Com base no padrão de ressonância de ondas sonoras dentro tubos fechados em um lado e aberto no outro (Figura ao lado), explique o procedimento adotado que nos permite obter a velocidade do som no ar a partir de dois (ou mais) pontos subsequentes de ressonância.



Da figura observa-se que as ressonâncias ocorrem em condições específicas, quando o comprimento da região vazia do tubo é um múltiplo de $\frac{\lambda}{4}$.





Se continuar $L_4 = 7\lambda/4$

$$L_5 = 9\lambda/4$$

etc...

No momento do experimento não se sabe quais das condições acima estão acontecendo, mas sempre se sabe que a distância entre duas condições adjacentes de ressonância será $\lambda/2$.

Exemplo

$$L_4 - L_3 = 7\frac{\lambda}{4} - 5\frac{\lambda}{4} = 2\frac{\lambda}{4} = \frac{\lambda}{2}$$

Portanto, basta medir-se a distância entre duas condições adjacentes de ressonância para descobrir-se o comprimento da onda sonora utilizada.

$$\Delta L = \frac{\lambda}{2}$$

$$\lambda = 2\Delta L$$

v som é produzido com frequências conhecidas. Portanto:

$$v = \lambda \cdot f$$

$$v = 2\Delta L f$$

A precisão no valor obtido depende da quantidade de medidas, aumentando a confiabilidade do valor médio, bem como da perícia e precisão dos pesquisadores e instrumentos, respectivamente.

Questão 3) [3,4] Explique, com base na equação que relaciona variações de temperatura com as quantidades de calor cedido ou recebido ($Q = mc\Delta T$), os passos utilizados para o cálculo do calor específico do Alumínio.

Utilizou-se uma barra de Alumínio, um calorímetro, água e uma manta térmica.

Para calcular-se C_{Al} basta verificar-se quanto cada grama perde em temperatura ao ceder uma quantidade conhecida de calor.

Para isso, precisa-se de um sistema de troca com parâmetro previamente conhecidas.

O sistema conhecido utilizado foi (Calorímetro + água).

Para este sistema Vale

$$Q = C_{\text{sis}} \Delta T$$

Diagram illustrating the equation $Q = C_{\text{sis}} \Delta T$ with arrows pointing to the terms:

- Q : Calorias trocadas.
- C_{sis} : Capacidade térmica do sistema (Calorímetro mais água).
- ΔT : Variação de temperatura.

Aquecendo a barra de Al até uma temperatura, digamos $T_{i,Al}$, mantendo o sistema à temperatura ambiente $T_{i,sys}$, e colocando-os para trocar calor (sem perda significativa para o ambiente), então, ao chegarem na temperatura de equilíbrio T_f , pode-se escrever:

$$Q_{Al} = -Q_{\text{sis}}$$

$$m_{Al} C_{Al} (T_f - T_{i,Al}) = -C_{\text{sis}} (T_f - T_{i,sys})$$

$$C_{Al} = \frac{-C_{\text{sis}} (T_f - T_{i,sys})}{m_{Al} (T_f - T_{i,Al})} \quad \text{Eq. (1)}$$

A massa m_{Al} pode ser medida com algum dinamômetro. Assim tudo fica conhecido menos o C_{sis} .

Precisa-se obter C_{sis} .

Obtendo C_{sis} .

Aquece-se uma certa massa conhecida de água $m_{\text{ág}}$ até uma temperatura $T_{\text{f,ág}}$. Joga-se esta água dentro do calorímetro com temperatura ambiente $T_{\text{i,cal}}$ conhecidas. Assim:

$$Q_{\text{ág.}} = -Q_{\text{cal.}}$$

$$m_{\text{ág.}} c_{\text{ág.}} (T_{\text{f}} - T_{\text{i,ág}}) = -C_{\text{cal}} (T_{\text{f}} - T_{\text{i,cal}})$$

$c_{\text{ág.}}$ é $1 \frac{\text{cal}}{\text{g}^\circ\text{C}}$ por definição da quantidade caloria.

Calcula-se C_{cal} ;

$$C_{\text{cal.}} = - \frac{m_{\text{ág.}} c_{\text{ág.}} (T_{\text{f}} - T_{\text{i,ág}})}{(T_{\text{f}} - T_{\text{i,cal}})}$$

Assim, $C_{\text{sis.}} = (C_{\text{cal.}} + c_{\text{ág.}})$, fica conhecido. Isso na equação 1.

$$C_{\text{Al.}} = - \frac{\left(- \frac{m_{\text{ág.}} c_{\text{ág.}} (T_{\text{f}} - T_{\text{i,ág}})}{(T_{\text{f}} - T_{\text{i,cal}})} + c_{\text{ág.}} \right) \times (T_{\text{f}} - T_{\text{i,sis.}})}{m_{\text{Al}} (T_{\text{f}} - T_{\text{i,Al}})}$$

Obviamente que todas as medidas devem ser apresentadas com suas respectivas incertezas e o resultado final apresentado também com sua incerteza devidamente propagada.