

Materiais - Propriedades Mecânicas

Do que se trata? Quando um sólido é submetido a uma força sua forma tem de mudar (deformações). O estudo das propriedades mecânicas dos materiais visa o entendimento de como ocorrem as deformações em função das forças externas aplicadas.

Diferentes materiais respondem de formas diferentes aos esforços externos. Exemplo: Um mesmo esforço externo causa maior deformação em uma barra de alumínio do que em uma barra de aço. Dizemos então que estes materiais possuem durezas diferentes. Assim, podemos classificar os materiais segundo as suas propriedades dependentes de cargas externas, ou seja, segundo suas propriedades mecânicas.

Algumas características mecânicas: Resistência, dureza, ductibilidade, fragilidade, etc.

Do que depende o comportamento mecânico de um material?

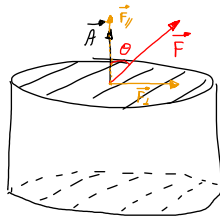
Obviamente depende de sua composição elementar (quais átomos compõem o sólido); mas, não tão obviamente, depende de um série de outros fatores os quais podem ser mais importantes que a composição. Um fator de grande relevância é a forma de preparo; as condições de formação definem, por exemplo, se o carbono resultará em grafite ou diamante.

As condições de uso (ou condições de trabalho) também desempenham um papel importante sobre as propriedades mecânicas; por exemplo, um material ter uma boa resistência se submetido a uma carga constante, mas pode trincar rapidamente se submetido à uma carga que oscila no tempo. O ambiente também desempenha um papel importante; por exemplo, estruturas de ferro oxidam rapidamente na água do mar. Um outro fator de grande relevância é a temperatura durante tanto quando da formação quanto do uso.

Conceito de tensão e deformação.

A forma mais simples de carga externa é quando uma força está-

tica e uniforme é aplicada sobre uma área A , tal que a força possa ter componentes perpendiculares ou paralelas à área, como ilustra a figura abaixo.



A componente perpendicular a $\vec{A}$ é denominada Força de cisalhamento; esta componente tende a deslocar lateralmente a área superior relativamente à área inferior (considere que a base está presa).

A componente paralela ao vetor $\vec{A}$ ($\vec{F}_{\parallel}$) tende a promover afastamento entre as faces, tensão de tração, ou aproximação entre elas, tensão de compressão.

Tensão e deformação

Testes (ensaios) visando determinar as propriedades de tensão e deformação de um material são realizados em laboratório. Estes testes são padronizados (similares em todo mundo) e seus resultados são registrados e disponibilizados para consumidores de materiais, grupos de pesquisa, empresas interessadas e produzir materiais com características específicas, etc.

Teste de tensão/deformação são realizados aplicando-se tensões uniaxiais. A tensão é aumentada gradativamente produzindo deformações. De uma forma geral lava-se o corpo de prova até a ruptura. Durante o processo mede-se as deformações transversais e longitudinais. Tem-se, portanto, relações entre as deformações e as tensões.

Em geral qualquer propriedade de interesse (propriedades magnéticas, elétricas, estruturais, etc.) pode variar em função da tensão e/ou da deformação.

Nata-se, experimentalmente, que a força necessária para se produzir uma dada deformação é linearmente proporcional à área sob tensão. Este fato pode ser expresso através da relação matemática

$$F \propto A_0$$

Obs: O índice zero refere-se à seção inicial da área sob tensão, que pode variar com a tensão.

Se é diretamente proporcional, então é igual a menos de um fator linear, tal que

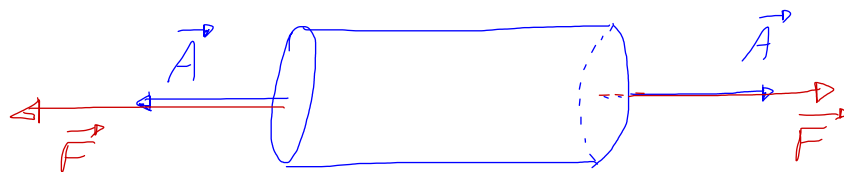
$$F = \sigma A_0$$

*
→ sigma.

Note que

$$\sigma = F/A_0$$

sigma tem dimensão de força por unidade de área. Esta dimensionalidade é definida como tensão. Se esta tensão é unidirecional e paralela ao vetor $\vec{A}$ (o qual é perpendicular à seção A),



então pode produzir afastamento entre as faces (tensão de tração) ou aproximação entre elas (tensão de compressão).

Obs: Tensão é expressa, comumente, em pascal ($\text{Pa} \rightarrow 1\text{Pa} = 1\text{N/m}^2$). Sendo que, para deformações em materiais sólidos, as tensões mais comuns são da ordem de 10^6N/m^2 , equivalentemente, 10^6Pa . $10^6 \rightarrow$ Mega (M). Portanto essas tensões são da ordem de MPa. Em montagens experimentais específicas pode-se produzir tensões da ordem de GigaPascal ($10^9\text{Pa} \rightarrow \text{GPa}$).

A deformação é definida como (ϵ), tal que

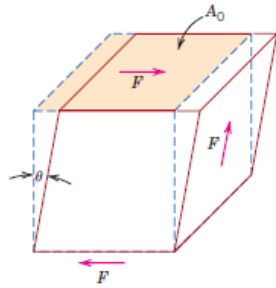
$$\epsilon = \frac{l - l_0}{l_0}$$

onde l é o comprimento instantâneo e l_0 é o comprimento inicial. Note que a deformação ϵ corresponde a uma deformação percentual, o que possibilita utilizar-se os dados obtidos em um ensaio em amostras de diferentes dimensões iniciais.

As expressões acima são utilizadas tanto para processos de tração quanto de compressão. Define-se que uma força que promove compressão é negativa.

Ensaio de cisalhamento

Em diversas aplicações um material pode estar sob cargas que tendem a produzir deslocamentos laterais entre faces paralelas.



Um exemplo real



Para tratar-se destes casos define-se, de forma análoga ao caso anterior, uma tensão de cisalhamento, associada à forças paralelas às faces (ou, equivalentemente, perpendiculares ao vetor $\vec{A}$) como

$$\tau = \frac{F}{A_0}$$

τ possui a mesma dimensão que σ ; contudo, como colocada acima, são definidas com significados físicos diferentes.

Para este caso define-se uma deformação que represente de forma adequada os efeitos de cisalhamento, como segue:

$$\gamma = \tan(\theta)$$

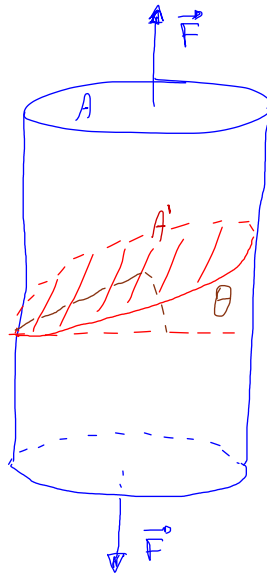
sendo γ a deformação e θ o ângulo de deformação, como explicitado na figura acima.

A torção é um caso particular de cisalhamento. O processo de torção está associado com forças que tendem a produzir cisalhamento (uma breve reflexão sobre um processo de torção leva imediatamente à este fato).

Tensão e/ou cisalhamento são relativos.

Tensão e/ou cisalhamento são relativos.

Consideremos um corpo de prova cilíndrico com faces perpendiculares ao eixo axial A submetidas a uma força de tração relativamente a estas faces:



Se definirmos qualquer outra face inclinada relativamente à A , então além da tração estará presente o cisalhamento. Vamos definir como área inclinada a área rachurada na Fig. acima. Note que a força $\vec{F}$ possui uma componente paralela e uma componente perpendicular à A' . Note também que $A' > A$. É possível obtermos σ e τ considerando que as componentes de $\vec{F}$, de tração ($\vec{F}_\perp$) e de cisalhamento ($\vec{F}_\parallel$) diminui e cresce, respectivamente, tal que

$$F_\perp = F \cos(\theta) \quad \begin{array}{l} \text{" zero se } \theta = 90^\circ \text{ e} \\ F \text{ se } \theta = 0^\circ \text{ "} \end{array}$$

$$e \quad F_\parallel = F \sin(\theta) \quad \begin{array}{l} \text{" } F \text{ se } \theta = 90^\circ \text{ e} \\ \text{zero se } \theta = 0^\circ \text{ "} \end{array}$$

Notadamente, a fim de obtermos σ' e τ' relativos à A' , devemos dividir $F_\perp$ e $F_\parallel$ por A' . Note, na Figura acima, que

$$A' = \frac{A}{\cos(\theta)} \quad \Rightarrow \quad \begin{array}{l} A' = A \text{ se } \theta = 0^\circ \text{ e} \\ A' \rightarrow \infty \text{ se } \theta \rightarrow 90^\circ. \end{array}$$

portanto, $\Rightarrow$

$$\sigma' = \frac{F_{\perp}}{A'} = \frac{F \cos(\theta)}{A / \cos(\theta)}$$

$$\sigma' = \frac{F}{A} \cos^2(\theta),$$

$$\Rightarrow \boxed{\sigma' = \sigma \cos^2(\theta)}$$

Analogamente:

$$\tau' = \frac{F_{\parallel}}{A'} = \frac{F \cdot \sin(\theta)}{A / \cos(\theta)}$$

$$\tau' = \frac{F}{A} \cdot \sin(\theta) \cdot \cos(\theta)$$

$$\Rightarrow \boxed{\tau' = \sigma \frac{\sin(2\theta)}{2}}$$

— || —

Comportamento tensão-deformação

Aqui vou p/ o rascunho depois volto.

Rascunho visando aula do dia 25/09/2012.

$$\epsilon \propto \sigma \quad \text{e} \quad \epsilon \propto \frac{1}{\text{rigidez do material}}$$

Desta forma define-se $\epsilon = \frac{\sigma}{E}$ } parâmetro de rigidez chamado Módulo de Young.

$$\Rightarrow \sigma = E \cdot \epsilon$$

Obs (analogia com força e deformação de uma mola):

$$F = K \Delta x$$

→ def. da mola
→ Rigidez da mola
→ Intensidade da carga aplicada

$$\sigma = E \cdot \epsilon$$

→ def. do material
→ Rigidez
→ Int. da carga.

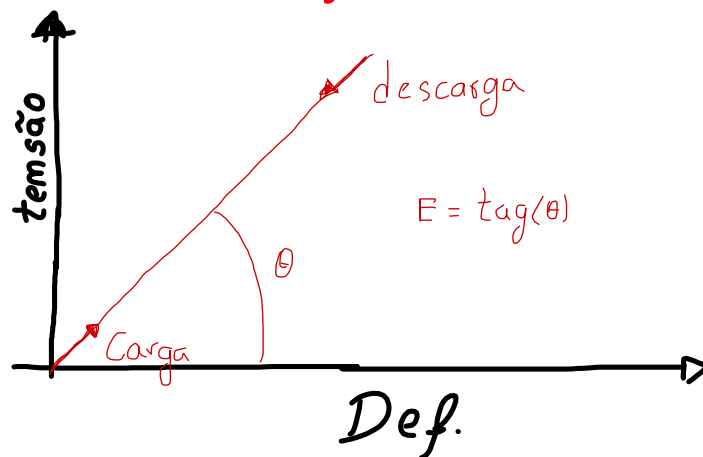
Lei de Hooke

Para a maioria dos materiais E varia entre $\approx (40 \text{ e } 400) \text{ GPa}$

Note que σ e E possuem mesma dimensão, afinal ϵ é adimensional.

Cerâmicos $70 \rightarrow 500 \text{ GPa}$
Polímeros $0,007 \rightarrow 4 \text{ GPa}$

Gráficos típicos

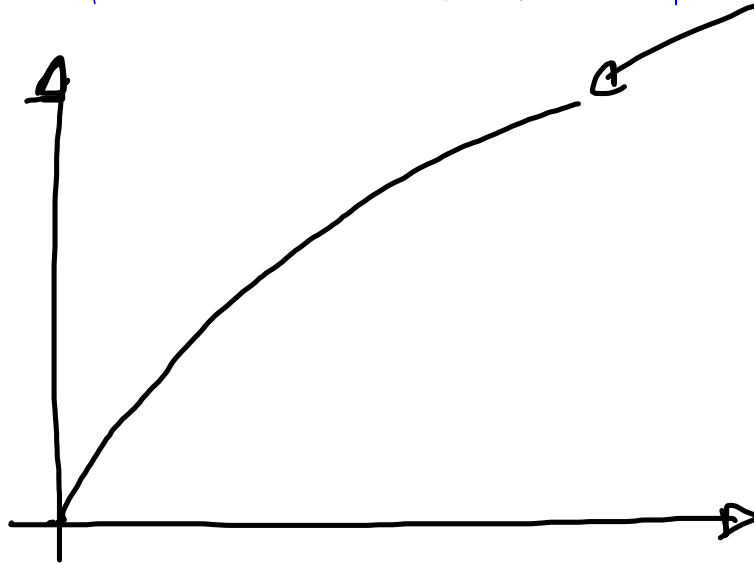


No limite de pequenas deformações a relação entre σ e ϵ é linear, tal que $E = \tan(\theta)$.

Enquanto a relação entre σ e ϵ for de proporcionalidade $\rightarrow$ deformação é cons. elástica.

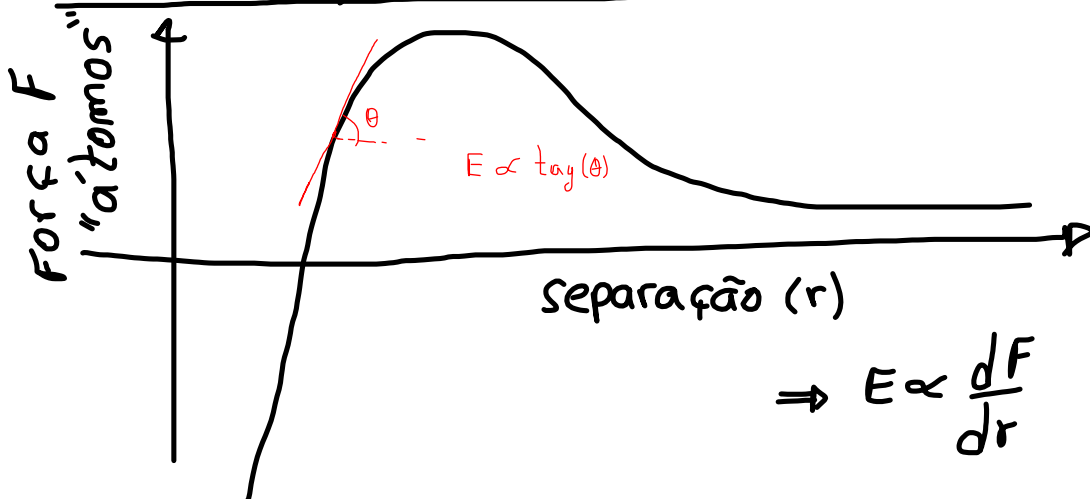
"Assim como no caso $F = Kx$ "

A linearidade não ocorre para todos os materiais, Fe, por exemplo



Utiliza-se a tangente ou a secante para definir-se E .

* Explicar a deformação em nível atômico.



Análogo a $\sigma = E \cdot \epsilon \Rightarrow \tau = G \gamma$

$\begin{cases} \rightarrow \text{Módulo de cis.} \\ \rightarrow \text{Tensão de cis.} \end{cases}$

Amelasticidade $\Rightarrow$ tempo finito de acomodação

Coefficiente de Poisson. (ν)

$$\nu \equiv - \frac{\epsilon_x}{\epsilon_z} = - \frac{\epsilon_y}{\epsilon_z}$$

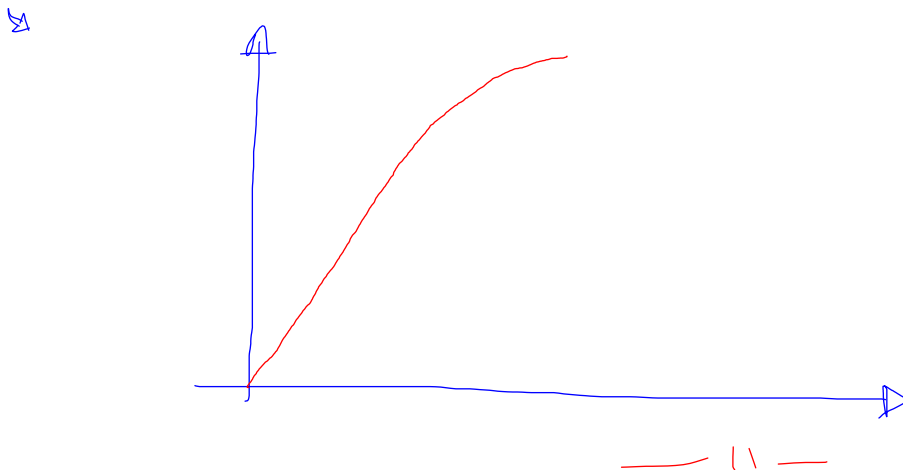
Existe uma relação entre E, G e ν

$$\Rightarrow E = 2G(1+\nu) \Rightarrow \text{verificar?}$$

Comportamento Mecânico.

Def. Elástica ~ 9005 .

Alem deste limite ~~$G = E \epsilon$~~ , Lei de Hooke vai pro saco e ~~$\sigma = E \epsilon$~~ .

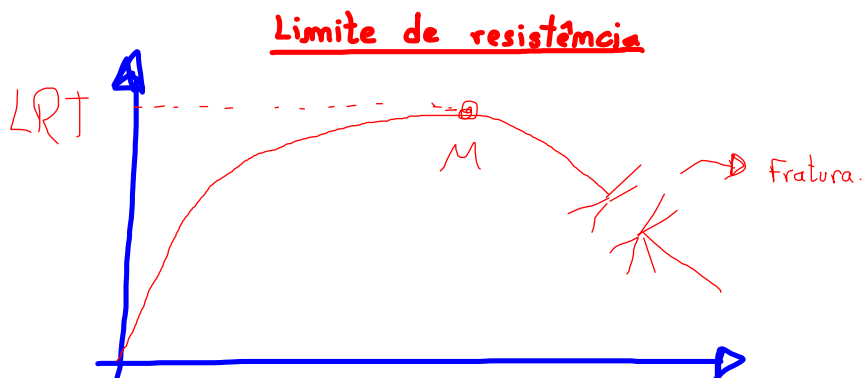
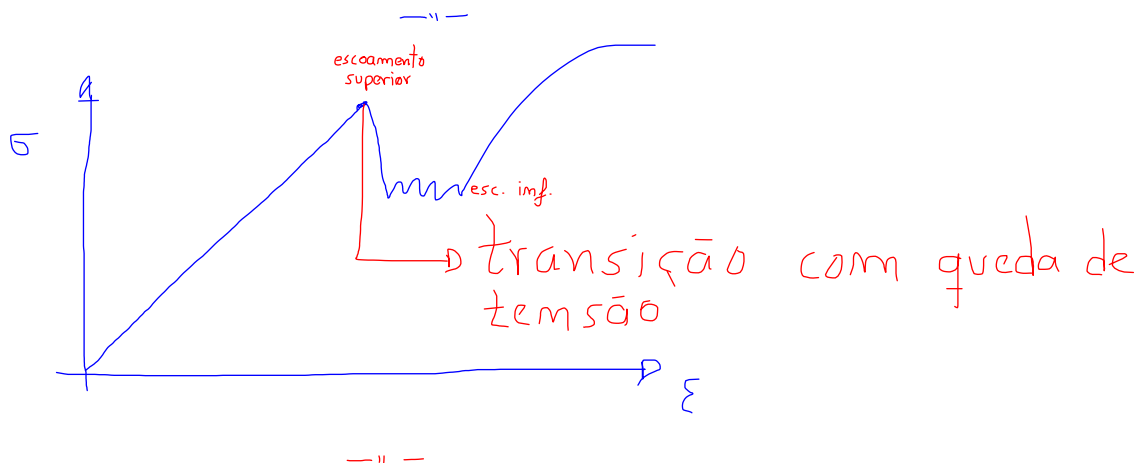
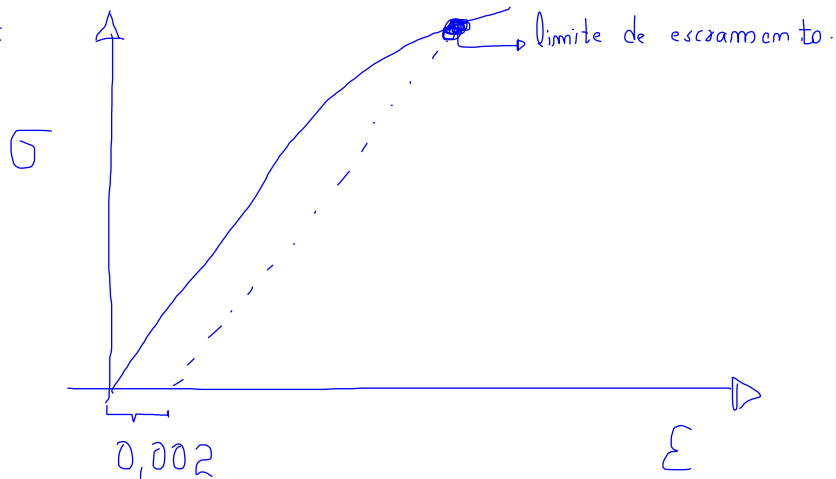


Escoamento "def. plástica".

O que se quer, em geral é trabalhar no limite de elasticidade.
⇒ importante conhecer valores limites.

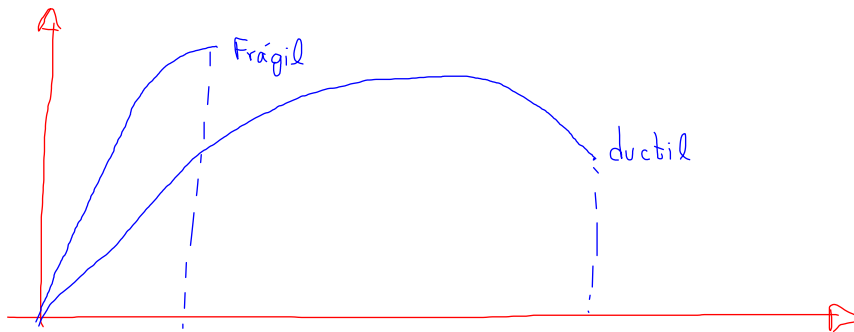
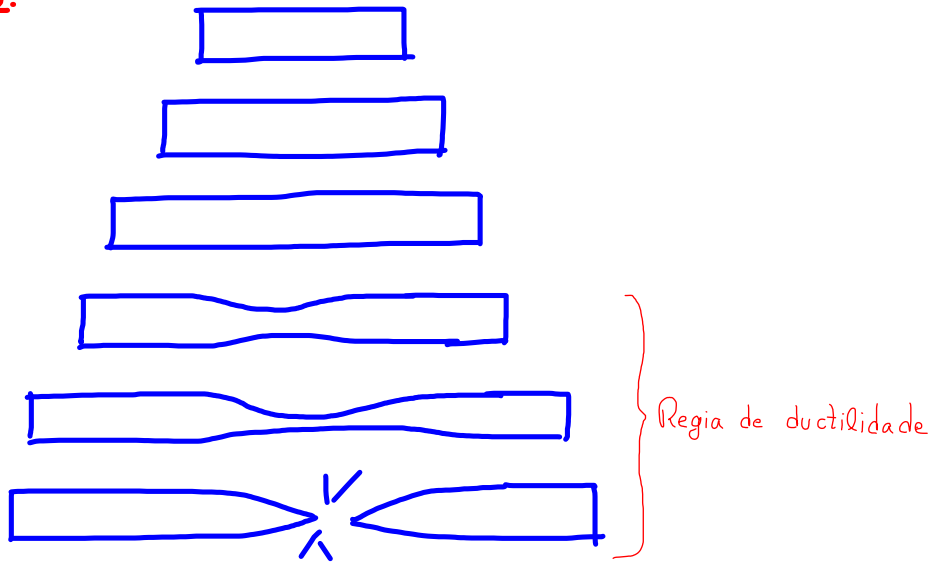
Em geral existe uma região de coexistência entre as def. plástica e elástica, tal que o valor crítico de escoamento não fica bem definido.

CONVENCIANA-SE:



Ductilidade

Processo:



Quantitativamente a ductilidade pode ser expressa como

$$A_L \equiv \text{duct} = \underbrace{\left(\frac{l_f - l_0}{l_0} \right) \times 100}_{\text{Percentual}}, \text{ sendo } l_f \equiv \text{comprimento de fratura.}$$

$$\text{Para a redução da área} \Rightarrow RA = \left(\frac{A_0 - A_f}{A_0} \right) \times 10$$

Resiliência e Tenacidade

$$\begin{aligned} & \rightarrow U_T = \int_0^{\epsilon_{fratura}} (\sigma) \cdot d\epsilon \quad \left. \vphantom{\int_0^{\epsilon_{fratura}}} \right\} \text{energia abs. até a fratura} \\ & \rightarrow U_R = \int_0^{\epsilon_{escoam.}} (\sigma) \cdot d\epsilon \quad \left. \vphantom{\int_0^{\epsilon_{escoam.}}} \right\} \text{energia abs com sua posterior rec.} \end{aligned}$$